

(155) 凝固時熱履歴を考慮した解析  
(柱状デンドライト模型を用いた凝固時溶質再分配解析 - II )

住友金属工業総合技術研究所 小林 純夫

- 緒言： 前報で算出した近似解を多成分・物性値可変系に拡張し、凝固時熱履歴と連成した数値解法を導びいた。また、解析結果を松宮らおよび著者らの実験結果と比較した。
- 解析方法： 微小時間間隔  $\Delta t$  の間では、凝固速度 ( $df_s/dt$ )、平衡分配係数  $k_j$ 、拡散係数  $D_j$  を一定と見なして良いと考えると、時刻  $(n+1)\Delta t$  における液相中溶質濃度  $C_{j,n+1}$  は、時刻  $n\Delta t$  の値を用いて、次のように表わすことができる。

$$C_{j,n+1} = C_{j,n} \left[ \frac{\xi_{j,n+1}}{\xi_{j,n}} \right]^{\eta_j} \left[ 1 + \Gamma_j (Q_{j,n+1} - Q_{j,n}) \right] \quad (1)$$

ここで、添字  $j$ 、 $n$  は、溶質  $j$  の時刻  $n\Delta t$  に対する値を示す。また、 $\gamma_j = 8 D_j \Delta t / \lambda^2 (f_{s,n+1} - f_{s,n})$ 、 $Q_{j,n} = 1 / (2\xi_{j,n}^2) - 2 / \xi_{j,n} - \ln \xi_{j,n}$ 、 $\xi_{j,n} = 1 - (1 - \beta_j k_j) f_{s,n}$ 、 $\eta_j = (k_j - 1) / (1 - \beta_j k_j)$ 、 $\beta_j = 2\gamma_j / (1 + 2\gamma_j)$ 、 $\Gamma_j = \beta_j (k_j - 1)(1 + \beta_j) k_j - 2 / (4\gamma_j(1 - \beta_j k_j)^3)$ 。

固液界面における局所平衡を仮定し、 $C_{j,n+1}$  より定まる液相線温度が与えられた熱的条件を満足するように、 $f_{s,n+1}$  を定める。

- 実験結果との比較：実験条件を Table 1 に、結果を Fig. 1, 2 に示す。平面凝固仮定の方が柱状凝固仮定にくらべて、やや良好な対応を示したが、両者の差は小さい。

Table 1. Experimental and analytical conditions.

Ref.	Steel tested					Dendrite arm spacing/ $\mu\text{m}$	cooling rate/ $\text{Ks}^{-1}$
	C	Mn	Si	P	S		
1)	0.13	1.52	0.35	0.016	0.002	a. 360	b. 100 a. 0.045 b. 0.25 (Specimen)
2)	0.04-0.51	2.00	0.01	0.02	0.005	360	0.5 (Furnace)

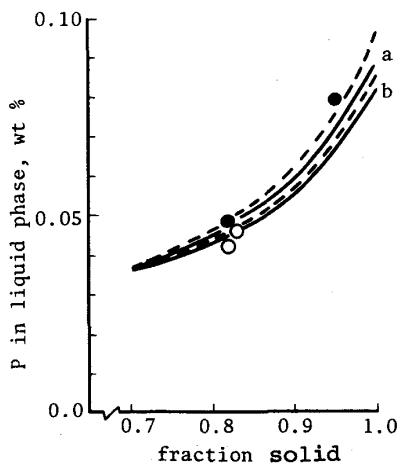


Fig. 1 Comparison of calculated results with P content measured by Matsumiya et al.<sup>1)</sup>  
● ○ : Measured, — : Columnar model  
--- : Planar model.

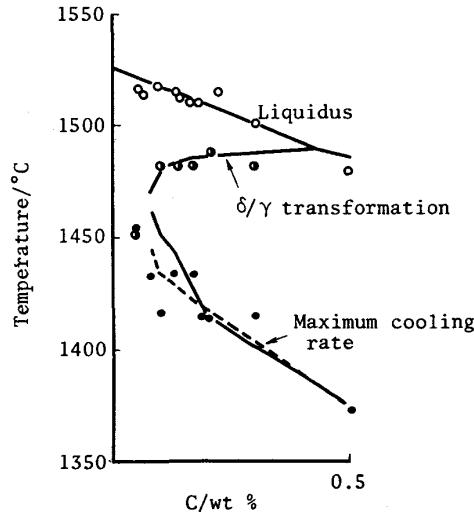


Fig. 2 Characteristic temperatures in thermal analysis.<sup>2)</sup>  
○ ● : Measured,  
— : Columnar model, --- : Planar model.

1) Matsumiya et al. : Trans ISIJ, 24 (1984), 873.

2) Kobayashi et al. : Tetsu-to-Hagane, 72 (1986) S 131.