

## 二元系溶融スラグの電気導度

(昭和 24 年 10 月本會講演大會にて講演)

森 一 美\*・松 下 幸 雄\*\*

THE ELECTRICAL CONDUCTIVITY OF MOLTEN BINARY SLAGS

*Kazumi Mori and Yukio Matsushita*

### Synopsis:

In order to study the properties of molten slags, it is one of the most important problems to measure their electrical conductivity, which shows most probably that they consist of several ions. This paper deals with the electrical conductivity of the systems  $\text{Na}_2\text{O}-\text{SiO}_2$ ,  $\text{CaO}-\text{SiO}_2$  and  $\text{MnO}-\text{SiO}_2$  in molten state.

The specific conductivities ( $\kappa$ ) of these systems are of the order of  $0.1 \sim 1 \text{ } \Omega^{-1} \text{ cm}^{-1}$ , and increase with temperature. The conductivity of the system  $\text{MnO}-\text{SiO}_2$  suddenly decreases in the neighbourhood of the solidifying temperature. At constant temperature the conductivity rises with increase of basic oxides. Further  $\log \kappa$  is linear, being plotted against  $1/T$  ( $T$ : absolute temperature).

Additionally we attempted the electrolysis in the system  $\text{CaO}-\text{SiO}_2$ . The concentration of  $\text{CaO}$  is larger at positions near the cathode than near the anode. The result indicates that  $\text{Ca}^{++}$  migrates to the cathode.

The conduction mechanism is ionic, and referring to the specific conductivity of fused salts, it has been established that molten slags are highly dissociated into ions.

The mechanism of viscosity and electrical conductivity are described on the basis of the model of quasi-crystal. The linear relationship between  $\log \kappa$  and  $1/T$  can be shown theoretically. The activation energy of viscosity is greater than of electrical conductivity. This fact indicates that viscosity is mainly controlled by the large silicate ions, while perhaps the conduction by the cations.

The fact that electrical conductivity rises with increase of basic oxides is partly due to the increase of the number of cations. Further it is also controlled by the mobility of ions.

In the system  $\text{CaO}-\text{SiO}_2$  the rate of the increase of the conductivity with  $\text{CaO}\%$  decreases at high  $\text{CaO}$  contents. This may be due to the fact that the strong bonds are formed between  $\text{Ca}^{++}$  and  $\text{SiO}_4^{4-}$ .

### I. 緒 言

溶鐵とスラグの間の化學反応については H. Schenck 以来スラグ中に種々の遊離又は化合した分子が存在するものとして取扱われて來た。然しこれはあくまで假定であつて實際にこのような分子が存在しているかどうかという點については深く考へられていないかつた。こゝでスラグと溶鐵の間の反応の理論を一段と發展させるためにはスラグの本質に立ち入つてゆくことが必要になつて來たのである。溶鐵スラグは實際はイオン性である。これはかなり古くから知られていた事實であるが、

最近冶金學的の立場から取り上げられ、電導度及び起電力測定の研究が行われるようになつた<sup>1)2)</sup>。このようなイオン性の液體については電導度の測定が最も大切なものであることは水溶液の場合からも考えられる。

實際操業のスラグのように多元系のものでは考案が困難であり、先づ基礎となる二元系の電導度を測定する必要がある。本研究は  $\text{Na}_2\text{O}-\text{SiO}_2$ ,  $\text{CaO}-\text{SiO}_2$ ,  $\text{MnO}-\text{SiO}_2$  系の電導度を測定したものである。 $\text{Na}_2\text{O}-\text{SiO}_2$  系

\* 茨城大學講師、工學部金屬工學教室

\*\* 東京大學助教授、生產技術研究所第 4 部

は直接鐵冶金學には關係ないが、この系はガラスの基礎二元系であり、粘性の詳細な測定があり<sup>3)</sup>、構造論的にもつゝ込んだ考察があるので<sup>4)</sup>、大いに参考となるものである。MnO-SiO<sub>2</sub> 系について前にも本誌に發表したことがあるが<sup>5)</sup>、試料の吟味が足りなかつたので測定し直したものである。

尙最近入手した文献<sup>6)</sup>に CaO-SiO<sub>2</sub> 系、MnO-SiO<sub>2</sub> 系及び Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-SiO<sub>2</sub> 系の電氣導度について發表されているので我々の場合と比較した。

## II. 實驗方法

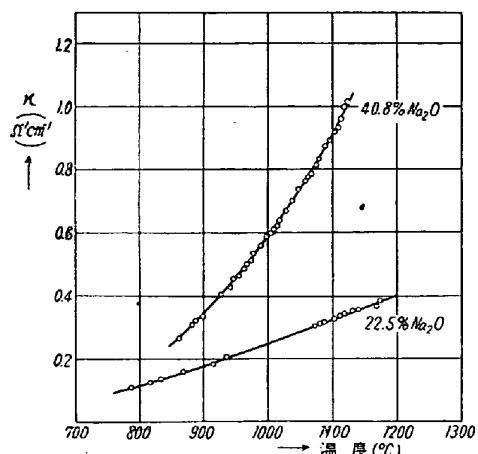
Na<sub>2</sub>O-SiO<sub>2</sub> 系では試料は NaOH 又は Na<sub>2</sub>CO<sub>3</sub> と SiO<sub>2</sub> を緻密なアランダム坩堝中でエレマ爐を用いて溶解した。二本の電極には純鐵棒を用い、測定中は極の酸化を防ぐために N<sub>2</sub> ガスを通じた。測温は Pt-Pt. Rh 热電對に依つた。

CaO-SiO<sub>2</sub>、MnO-SiO<sub>2</sub> 系では共にタンマン爐及び黒鉛坩堝を用いた。試料は CaO-SiO<sub>2</sub> 系では CaCO<sub>3</sub> 及び SiO<sub>2</sub> の混合粉末をエレマ爐で加熱焼結させ、後黒鉛坩堝に移して溶解した。又 MnO-SiO<sub>2</sub> 系では MnO<sub>2</sub> と SiO<sub>2</sub> の混合粉末を黒鉛坩堝に入れて徐々に温度を上げて行つて溶解した。黒鉛坩堝を使用したため MnO-SiO<sub>2</sub> 系では MnO の還元される恐れがあり、かなりの高溫域及び MnO の高い濃度域までは測定出来なかつた。記載成分はすべて實驗後の分析値である。電極は CaO-SiO<sub>2</sub> 系に對しては黒鉛棒、MnO-SiO<sub>2</sub> 系に對しては純鐵棒を用いた。測温は光高温計に依つた。

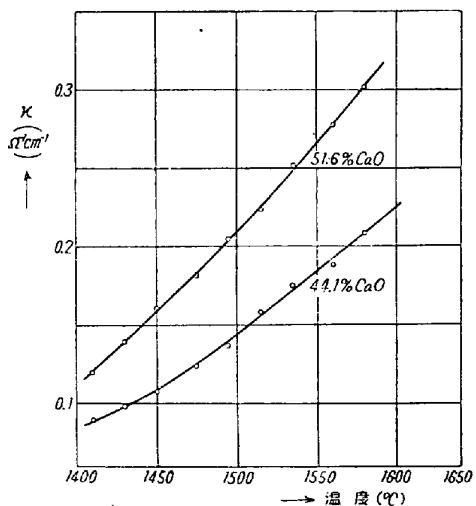
測定は前に報告したもの<sup>5)</sup>と同一の方法である。即ち 1000 サイクルの交流を電源とする交流ブリッヂ法で全抵抗を測定し、導線及び電極の抵抗を差引き、別に測定した容器恒数の値を用いて比電導度を算出した。導線及び電極の抵抗測定は坩堝に Ag を溶かし、この中に電極を浸した場合の抵抗を温度と共に求めたものである。この場合 Ag 溶の抵抗は無視した。容器恒数は Na<sub>2</sub>O-SiO<sub>2</sub> 系の場合にはビーカー中に、CaO-SiO<sub>2</sub>、MnO-SiO<sub>2</sub> 系の場合には黒鉛坩堝中に 0.1KCl 溶液を入れて測定した。

## III. 結 果

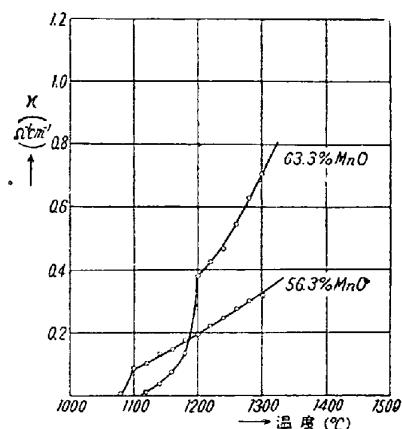
第1圖～第3圖にそれぞれの系の比電導度と温度の關係の一例を示す。いづれの系に於いても比電導度は温度と共に大きくなつてゐる。Na<sub>2</sub>O-SiO<sub>2</sub> 系、CaO-SiO<sub>2</sub> 系では凝固點附近に於いても別に比電導度には急激な變化は見られないが、MnO-SiO<sub>2</sub> 系では非常に急激な減少



第1圖 比電導度と溫度の關係 (Na<sub>2</sub>O-SiO<sub>2</sub> 系)

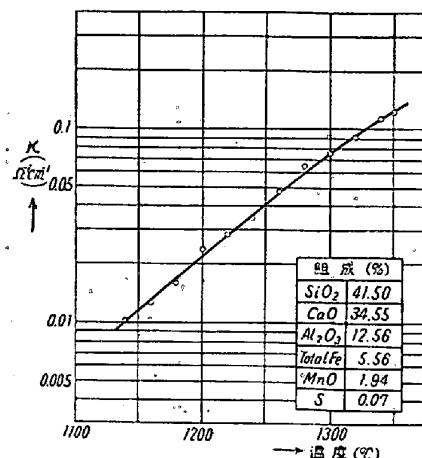


第2圖 比電導度と溫度の關係 (CaO-SiO<sub>2</sub> 系)

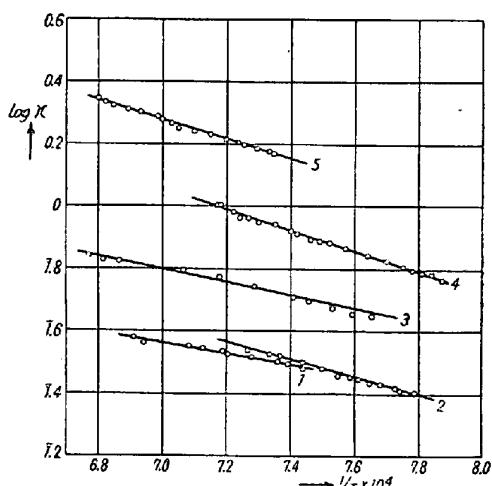
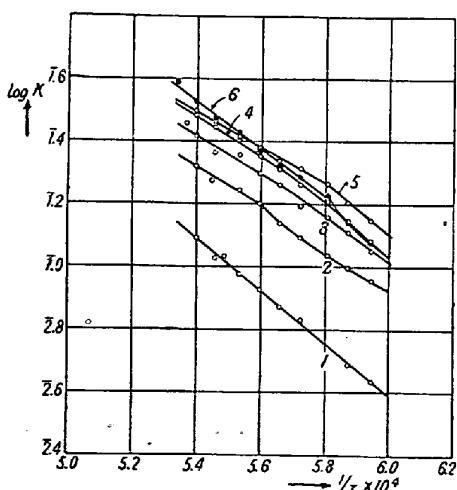


第3圖 比電導度と溫度の關係 (MnO-SiO<sub>2</sub> 系)

が見られる。前に MnO-SiO<sub>2</sub> 系について發表したものでは<sup>5)</sup>この現象が認められなかつたのは試料調製の不備に依るものであらう。このような差異はガラス狀に凝固するか、結晶狀に凝固するかに依るのである。即ちガラス狀に凝固するものは比電導度は何等異常變化を示さない。MnO-SiO<sub>2</sub> 系の試料は實驗後すべて結晶狀態にな

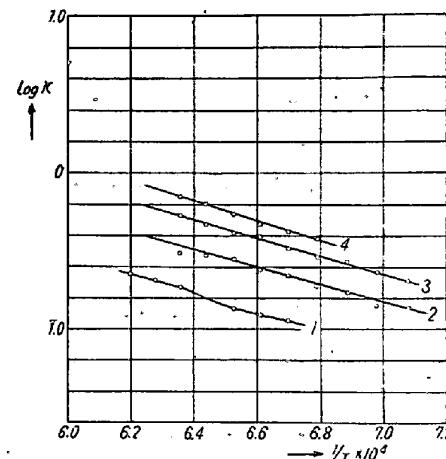


第4圖 キュボラスラグの比電導度と温度の関係

第5圖  $\log \kappa - 1/T$  關係 ( $\text{Na}_2\text{O}-\text{SiO}_2$  系)第6圖  $\log \kappa - 1/T$  關係 ( $\text{CaO}-\text{SiO}_2$  系)

つてはいる。實際の例としてガラス状に凝固したキュボラスラグを再溶解したもの、比電導度を第4圖に示す。

比電導度の対数  $\log \kappa$  と絶對温度の逆数  $1/T$  は第5圖～第7圖のように直線関係を示す。即ち一般に次の式が與えられる。

第7圖  $\log \kappa - 1/T$  關係 ( $\text{MnO}-\text{SiO}_2$  系)

$$\ln \kappa = - Q/RT + B \quad \dots \dots \dots (1)$$

Q: 活性化エネルギー

R: 気體恒數 B: 常数

第1表～第3表に Q, B の値及び各温度に於ける比電導度の値を示した。

第1表  $\text{Na}_2\text{O}-\text{SiO}_2$  系

試料 No.	組成 (wt%)		Q (Kcal/g -mol)	B	比電導度 ( $\Omega^{-1}\text{cm}^{-1}$ )		
	$\text{Na}_2\text{O}$	$\text{SiO}_2$			$^{\circ}\text{C}$	$1100$	$1150$
1	22.5	77.5	8.7	2.06	0.321	0.359	0.399
2	25.2	74.8	12.2	3.42	0.342	0.400	0.464
3	33.2	66.8	7.8	2.25	0.538	0.595	0.654
4	40.8	59.2	15.3	5.54	0.918	1.120	1.346
5	50.3	49.7	14.4	5.86	1.592	1.919	2.285
					$1200$		

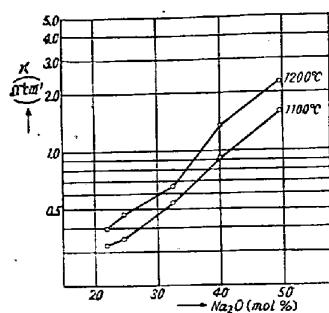
第2表  $\text{CaO}-\text{SiO}_2$  系

試料 No.	組成 (wt%)		Q (Kcal/g -mol)	B	比電導度 ( $\Omega^{-1}\text{cm}^{-1}$ )		
	$\text{CaO}$	$\text{SiO}_2$			$^{\circ}\text{C}$	$1550$	$1575$
1	37.0	63.0	38.6	8.40	0.106	0.120	0.138
2	44.1	55.9	27.7	5.96	0.185	0.205	0.227
3	47.7	52.3	27.3	6.05	0.236	0.255	0.281
4	51.6	48.4	26.8	6.09	0.269	0.297	0.327
5	54.0	46.0	26.3	5.97	0.277	0.306	0.337
6	56.6	43.4	34.7	8.33	0.290	0.329	0.373
					$1600$		

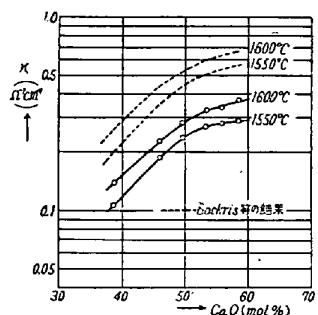
第3表  $\text{MnO}-\text{SiO}_2$  系

試料 No.	組成 (wt%)		Q (Kcal/g -mol)	B	比電導度 ( $\Omega^{-1}\text{cm}^{-1}$ )		
	$\text{MnO}$	$\text{SiO}_2$			$^{\circ}\text{C}$	$1300$	$1350$
1	54.1	45.9	27.1	6.98	0.184	0.240	0.309
2	56.3	43.7	27.6	7.80	0.356	0.470	0.620
3	59.3	40.7	26.8	7.94	0.525	0.692	0.895
4	63.3	36.7	29.8	9.17	0.702	0.944	1.260
					$1400$		

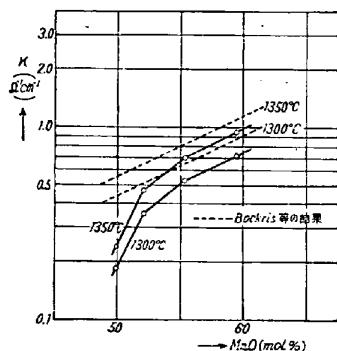
第8圖～第10圖は各系に於ける比電導度と成分の關



第8圖 比電導度と成分の關係 ( $\text{Na}_2\text{O}$ - $\text{SiO}_2$ 系)



第9圖 比電導度と成分の關係 (CaO-SiO<sub>2</sub> 系)



第10圖 比電導度と成分の関係( $MnO-SiO_2$ 系)

係である。各系とも鹽基性酸化物の増加と共に比電導度は大きくなつている。

第 9,10 圖で點線は Bochris 等の結果である。CaO-SiO<sub>2</sub> 系では比電導度の値は Bochris 等よりも低い結果を示しているが、比電導度と成分の関係はよく似た傾向を示している。MnO-SiO<sub>2</sub> 系でも MnO 50mol% はかなり低い値になつてゐる。これ等の差異は試料の相違や実験條件、殊に溶解條件に依つて左右されるものである。CaO-SiO<sub>4</sub> 系では初め試料の溶解で溶融點附近の加熱時間を長くすることは大切であつて、これを不注意に行つたものでは電導度と溫度の関係がかなりばらつて居り、又再現性もなくすべて失敗している。而もこれらのものでは比電導度の値もかなり高いものが現われてゐることからみて、Bochris 等の測定には一部疑點も残されている。

#### IV. 考 察

いづれの系に於いても比電導度は温度と共に大きくなつてゐる。これは水溶液、溶融鹽等イオン電導をする物質に特有なものであり、溶融スラッグはイオン電導をするものであることが言える。即ちスラッグは溶融状態に於いてイオン解離をしていることが確かめられた。比電導度の値は  $10^{-1} \sim 1\Omega^{-1}\text{cm}^{-1}$  程度の大きさであり、溶融鹽で完全解離をするとされているものゝ比電導度と比較してみてスラッグは高度にイオン解離しているものと思われる。然しながら溶融スラッグがどのような形のイオンに解離しているものであり、又解離はどの程度のものであろうか。これを明らかにすることは非常に困難な問題であるが、先づ本實験で得られた電導度をそれと密接な關係を持つ粘性と關聯させて、可能なスラッグ構造に基づいて検討してみたい。それには電導度及び粘性の機構そのものを考えてみなければならぬ。

宍戸氏<sup>7)</sup>は單一成分の溶融鹽の電導度及び粘性の機構を液體の擬結晶構造に基づいて考察し、電導度及び粘性の理論式を導びいている。更にこの理論をガラスの粘性について發展させ<sup>8)</sup>、溶融ガラスが流動を起し粘性を示す爲には或る適當の原子群が一團となつて移動してゆくとの考えに立つて、溶融ガラスの粘度 $\eta$ に對して次の式を導びいている。

$$\ln C = \ln (\pi^2/40) D^{1/2} a^{1/2} f^{1/2}$$

## A: 活性化エネルギー

D: 比重 a: 単位原子群の大きさ

### f: 原子群の振動に対する弾性常数

この溶融ガラスについての理論はスラッグについてもそのまま適用出来る。

次に電導度についても宍戸氏の考え方から従つて、イオンが位置エネルギーの極小な平衡位置を中心として振動して居り、これが活性化されて他の位置エネルギーの極小点へ轉移し、この轉移が繼續されてイオンが移動するものとすれば、比電導度  $\kappa$  については次の式を導くことが出来る。

$$\kappa = (n \epsilon^2 \lambda^2 \nu / 2kT) e^{-Q/RT} \dots \dots \dots (3)$$

n: lcc 中の正又は負のイオンの数

$\epsilon$ : イオンの電荷  $\lambda$ : 転移距離

$\nu$ : 振動數       $k$ : ボルツマン常數

Q: 活性化エネルギー

但しこゝではカケのイオンが全部電導に與かるものと考へてゐる。こゝで溫度範圍が小なるときには右邊で

$e^{-Q/RT}$  以外は近似的に一定と見做せるから (3) 式から (1) 式が導びかれる。即ち

$$\left. \begin{aligned} \ln \kappa &= -Q/RT + B \\ B &= \ln(n\epsilon^2\lambda^2\nu/2kT) \end{aligned} \right\} \dots\dots\dots(4)$$

粘性と電導度とは深い関係を持つてはいるが、兩者の機構には根本的の差異がある。即ち宍戸氏<sup>7)</sup>が理論的考察に基づいて述べているように、粘性は易動度の小なるイオンに左右され、電導度はこれに反して易動度の大なるイオンに依つて左右されるのである。兩者の機構にこのような差異があるから、それらの活性化エネルギーの値も當然異つてくることが豫想される。第4表に  $\text{Na}_2\text{O}$ - $\text{SiO}_2$  系<sup>8)</sup>,  $\text{CaO}$ - $\text{SiO}_2$  系<sup>9)</sup> の粘性の活性化エネルギーの値を示す。

第4表 粘性の活性化エネルギー

(a)  $\text{Na}_2\text{O}$ - $\text{SiO}_2$  系 (Heidtkamp, Endell)

組成 (wt.%)		A(Kcal/g-mol)
$\text{Na}_2\text{O}$	$\text{SiO}_2$	
12.0	88.0	47.82
20.1	79.9	42.11
25.0	75.0	38.38
30.1	69.9	38.45
34.2	65.8	39.55
39.4	60.6	38.85
50.2	49.8	32.62

(b)  $\text{CaO}$ - $\text{SiO}_2$  系 (McCaffery etc.)

組成 (wt.%)		A(Kcal./g-mol)
$\text{CaO}$	$\text{SiO}_2$	
36.20	63.80	53.72
40.13	59.87	26.90
44.06	55.94	47.82
47.99	52.01	36.79
51.92	48.08	50.84
55.85	44.15	62.14

第1表、第2表の電導度の活性化エネルギーと比較すると  $\text{Na}_2\text{O}$ - $\text{SiO}_2$  系は粘性の活性化エネルギーは電導度のそれよりも 2~5 倍大きく、 $\text{CaO}$ - $\text{SiO}_2$  系は 1.5~2 倍大きい。 $\text{MnO}$ - $\text{SiO}_2$  系については粘性のデータがないので比較出来なかつた。

溶融珪酸鹽中では  $\text{SiO}_2$  は Si の周囲に 4 個の O を配位した  $\text{SiO}_4$ -四面體を基礎とした種々の大きさの珪酸イオン  $\text{SiO}_4^{4-}$ ,  $\text{Si}_2\text{O}_7^{6-}$ ,  $\text{SiO}_3^{2-}$  等となり、 $\text{Na}_2\text{O}$ ,  $\text{CaO}$   $\text{MnO}$  等の鹽基性酸化物は  $\text{Na}^+$ ,  $\text{Ca}^{++}$ ,  $\text{Mn}^{++}$  のような陽イオンを放ち、鹽基性酸化物が増加するにつれて珪酸イオンは次第に形の小さいものになつてゆく。珪酸イ

オンは陽イオンに比して遙かに大きなものであり、易動度も小さく、従つて粘性を左右するものであり、これに反して電導に與るのは小さな陽イオン  $\text{Na}^+$ ,  $\text{Ca}^{++}$ ,  $\text{Mn}^{++}$  である。粘性の活性化エネルギーが電導度の場合より大きいのは粘性流动に際して大きな珪酸イオンが更に単位原子群となつて移動するために強固な Si-O 結合が切られなければならないのに反し、電導の場合は  $\text{Na}^+$ ,  $\text{Ca}^{++}$  等の陽イオンが比較的低い静電ポテンシャルの障壁を越えて移動するからである。

電導がイオン的のものであり、且つそれが陽イオンに依つて行われることを確かめるために更に  $\text{CaO}$ - $\text{SiO}_2$  系について電解実験を行つてみた。 $\text{CaO}$  濃度の比較的低い酸性の範囲のものと、その高い鹽基性のものを試料として黒鉛坩堝中で溶かし、黒鉛棒を電極とし、約 1530°C で 40 分間電解した。極間電圧は 10V であつた。その結果を第5表に示す。

第5表 電解実験の結果

試料 No.	分析結果 (wt.%)				電解電流 (A)	
	陽極		陰極			
	CaO	SiO <sub>2</sub>	CaO	SiO <sub>2</sub>		
1	41.3	58.7	47.6	52.4	1	
2	54.9	45.1	58.7	41.3	2	

表から分るように明らかに電解の現象が起り、いづれも陰極には  $\text{CaO}$  が多くなつてゐる。これは  $\text{Ca}^{++}$  が陰極へ移動したこと示す。即ち電導には  $\text{Ca}^{++}$  が與るものである。然しながらこの電解実験で興味あることは No.1 の試料で陽極附近で氣泡の発生が観察されたことである。No.2 ではこの現象は観察されなかつた。即ち No.1 の  $\text{SiO}_2$  の高い方の試料では  $\text{Ca}^{++}$  以外に陰イオンも移動したのである。氣泡は恐らく  $\text{O}_2$  と考えられる。Martin 及び Derge<sup>10)</sup> も  $\text{CaO}$ - $\text{SiO}_2$ - $\text{Al}_2\text{O}_3$  系について電解してこの現象を認めてゐる。この場合  $\text{O}^{--}$  が移動したものか、珪酸イオンが移動したものか断定しがたい。 $\text{Na}_2\text{O}$ - $\text{SiO}_2$  系については定量的な実験は行わなかつたが、やはり陽極附近から氣泡の発生は認められた。このように陰イオンの移動があつても分析結果では陰極で  $\text{CaO}$  の濃度が高くなつてゐるのは  $\text{Ca}^{++}$  の易動度が大きいからである。

鹽基性酸化物の增加と共に電導度は大きくなつてゐるが、これは陽イオンの数の増加が一つの理由である。然しながら更にイオンの易動度も關係してきて、これに依

つて電導度の増加の仕方が異つてくる。今  $\text{Na}_2\text{O}\text{-SiO}_2$  系の比重が測定されているから<sup>3)</sup>、この比重の値を用いて  $\text{Na}^+$  の数がすべて等しくなるように計算し直した電導度の値を比較してみる。ここで  $\text{Na}_2\text{O}$  1g 分子に相當する量についての電導度  $\mu$  を求めたのが第6表である。

表から分るように大體  $\text{Na}_2\text{O}$  と共に  $\mu$  も大きくなっている。 $\text{Na}^+$  の数を等しくしているのであるから、このことは  $\text{Na}_2\text{O}$  の増すと共に  $\text{Na}^+$  が移動し易くなることを示すものである。

第 6 表

$\text{Na}_2\text{O}$ (wt%)	比重 (1100°C)	$\mu$ (1100°C)
22.5	2.256	39.24
25.2	2.256	37.26
33.2	2.255	44.59
40.8	2.253	61.72
50.3	2.250	87.24

次に第9図の  $\text{CaO-SiO}_2$  系で比電導度の  $\text{CaO} \%$  に依る増加の割合は  $\text{CaO} 50\text{mol}\%$  附近から次第に減少してゆくことが注目される。これは 50% 以上  $\text{CaO}$  が増加してゆくと  $\text{Ca}^{++}$  の易動度が減少してゆくためであろう。これは  $\text{CaO} 50\text{mol}\%$  以上では  $\text{SiO}_4^{4-}$  が生じて來て、それと  $\text{Ca}^{++}$  の間で強い結合が現われて來るのに起因する。第4表 (b) の粘性の活性化エネルギーが  $\text{CaO} 50\text{mol}\%$  附近から大きくなつてゆくのも上記の事實と關係があるだろう。

E. Eyt<sup>10)</sup> は  $\text{CaO} 55\sim65$  wt.% で溶融狀態から急冷したものに“ふけ”の現象が見られるのは溶液中で既に  $2\text{CaO}\cdot\text{SiO}_2$  が存在するためであるとしている。更に從來鹽基性スラッグ中には  $\text{Ca}_2\text{SiO}_4$  なる化合物が存在するとして種々の事實がかなりよく説明出來たことを考えても、 $\text{Ca}^{++}$  と  $\text{SiO}_4^{4-}$  の間には本質的に強い結合が存在するものと考えることは合理的である。

## V. 結 言

以上本研究を要約すると次の通りになる。

### 1. $\text{Na}_2\text{O}\text{-SiO}_2$ , $\text{CaO-SiO}_2$ 及び $\text{MnO-SiO}_2$ 系の溶

融狀態の電導度を測定した。その値は  $0.1\sim10^{-1}\text{cm}^{-1}$  程度であり、温度と共に及び鹽基性成分の增加と共に大きくなつてゐる。更に  $\text{CaO-SiO}_2$  系について電解實驗を行つて電導機構の考察に供した。

2. 溶融スラッグはイオン電導をするものであり、スラッグは高度にイオン解離しているものであることが確かめられた。

3. 電導度及び粘性の機構の考察に依り、主として電導度は陽イオン  $\text{Na}^+$ ,  $\text{Ca}^{++}$ ,  $\text{Mn}^{++}$  に依り、粘性は  $\text{SiO}_4$ —四面體に左右されることが分つた。

4.  $\text{CaO-SiO}_2$  系で  $\text{CaO} 50\text{mol}\%$  以上では  $\text{Ca}^{++}$  と  $\text{SiO}_4^{4-}$  との間に強固な結合關係が生ずることが推定された。

本研究は旧東京大學第二工學部冶金學教室並びに現東京大學生產技術研究所第4部に於いて行つたものであることを附記する。(昭和 26 年 10 月寄稿)

## 文 献

- 1) A. E. Martin, G. Derge: AIME 154 (1943) 105
- 2) L. C. Chang, G. Derge: AIME 172 (1946) 90
- 3) G. Heidtkamp, K. Endell: Glasstech Ber. 14 (1936) 80
- 4) W. H. Zachariasen: J. Amer. Chem. Soc., 54 (1932) 3841
- 5) 松下, 森: 鐵と鋼, 36 (1950) No. 1, 6
- 6) J. O'M. Bochris, J. A. Kitchener, S. Ignatowicz and J. W. Tomlinson: Disc. Farad. Soc., (1948) 4, 265 (東北大學的場, 三本木兩教授の御好意に依るもの)
- 7) 宮戸: 日本化學會誌, 62 (1941) 381, 62 (1941) 592, 63 (1942) 827
- 8) 宮戸: 電氣化學, 16 (1948) 1, 18 (1950) 34
- 9) McCaffery etc., AIME 100 (1932) 86
- 10) E. Eyt: Les litiers métallurgiques et leurs réactions, Dunod, (1949), 55